

**PHYSIQUE**

**Durée : 3 h 30**

*L'usage d'une calculatrice est autorisé pour cette épreuve  
L'usage d'abaques et de tables est interdit pour cette épreuve*

**Les trois problèmes sont indépendants**

**PROBLÈME 1 : Étude de l'eau en physique**

**A - Préliminaire**

On s'intéresse ici à quelques aspects de l'étude des changements d'état de l'eau, et plus spécialement à la mesure de l'enthalpie massique de vaporisation et de fusion. On donne ci-contre, figure 1, le diagramme d'état de l'eau en coordonnées (P,T).

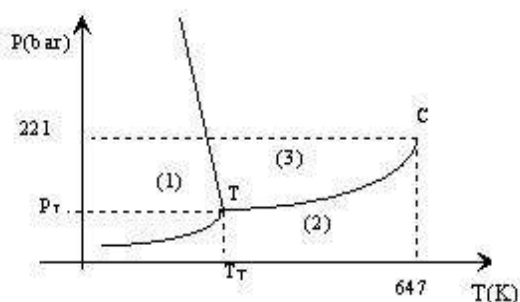


figure 1

A-1 Identifier les trois domaines numérotés (1), (2) et (3) sur la figure 1.

A-2 Nommer les points C et T et décrire ce à quoi ils correspondent.

Un corps pur en équilibre sous deux phases (a) et (b), à la température T, est soumis à une pression  $P_{eq}$  qui dépend de T et de la nature du corps pur.

***Tournez la page SVP***

A-3 Montrer que, si l'on fixe la température, alors la pression est fixée pour l'équilibre entre les deux phases. Etablir ensuite la "relation de Clapeyron" reliant  $\frac{dP_{eq}}{dT}$  sur la courbe d'équilibre en fonction de la température T, de l'enthalpie massique de changement d'état L et des volumes massiques  $v_a$  et  $v_b$  du corps pur sous les phases (a) et (b).

A-4 La pente de la courbe d'équilibre entre les phases (1) et (3) indiquées sur la figure 1 est négative, alors que les deux autres sont positives.

Quelle conclusion en tire-t-on ? Citez une expérience mettant en évidence cette propriété.

A-5 On s'intéresse à l'équilibre entre les phases (2) et (3) indiquées sur la figure 1. Préciser l'allure du diagramme de Clapeyron (v,P), où v est le volume massique et P est la pression.

## **B - Mesure de la chaleur latente de fusion**

Dans le calorimètre, on place une masse  $m_e$  d'eau à la température  $T_e$  puis à un instant  $t_1 > 0$ , on rajoute une masse  $m_g$  de glace à la température de  $T_g = 0^\circ\text{C}$ . On enregistre la température en  $^\circ\text{C}$  en fonction du temps (voir courbe ci-dessous, sur la figure 2) :

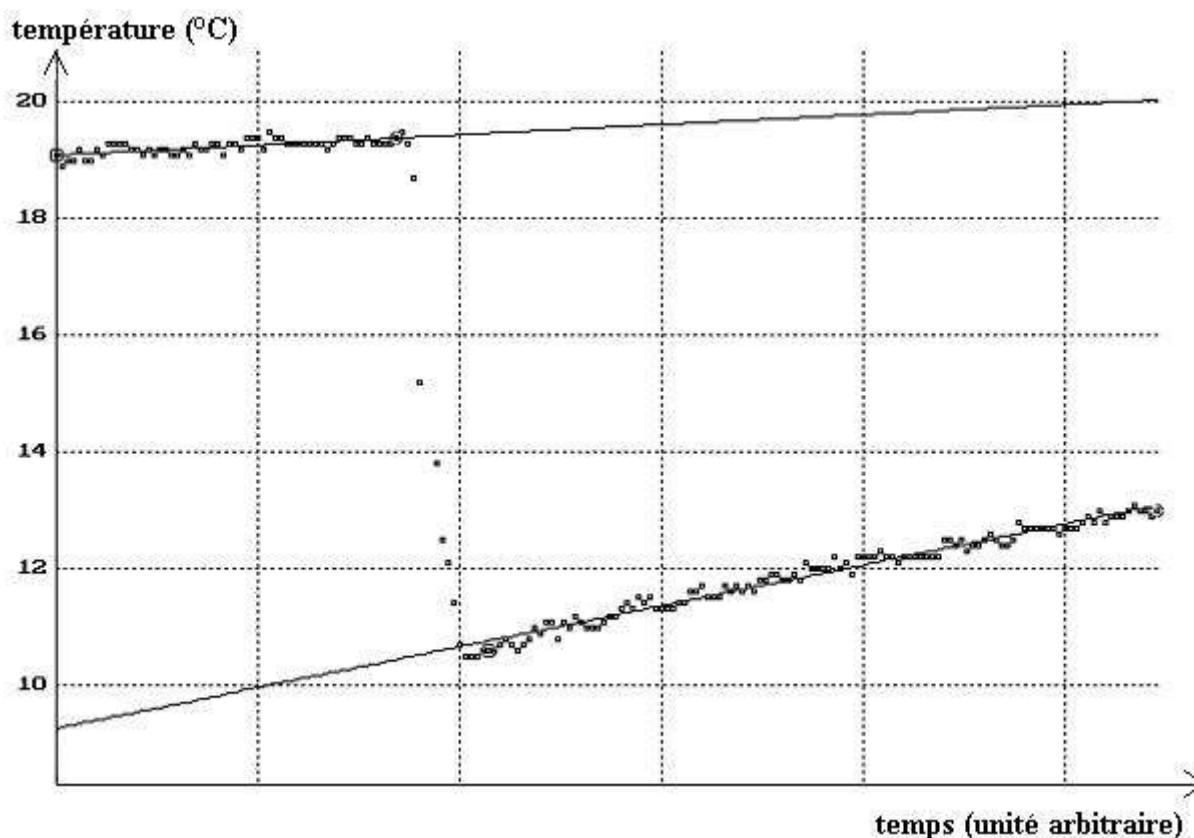
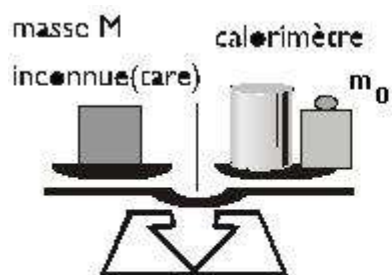


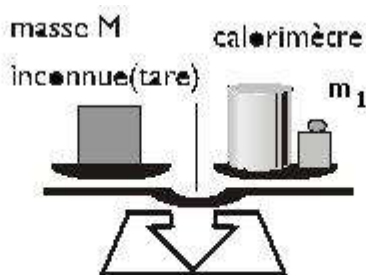
figure 2

B-1 Pour avoir de la glace à  $0^\circ\text{C}$ , on place des glaçons dans de l'eau puis on les essuie avant de les placer dans le calorimètre. Justifier ce protocole.

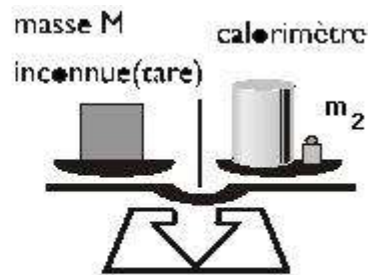
B-2 Pour mesurer les masses, on place le calorimètre sur la balance et on réalise les mesures suivantes :



1<sup>ère</sup> expérience



2<sup>ème</sup> expérience



3<sup>ème</sup> expérience

- Dans une première expérience, le calorimètre, vide, est seul sur le plateau de la balance. On mesure la masse  $m_0$  qu'il faut ajouter sur le plateau contenant le calorimètre pour équilibrer la balance. On obtient :  $m_0 = 140,3 \text{ g}$  ;
- Dans une deuxième expérience, on enlève la masse  $m_0$ , on ajoute l'eau liquide dans le calorimètre et on mesure la masse  $m_1$  qu'il faut ajouter sur le plateau contenant le calorimètre pour équilibrer la balance. On obtient :  $m_1 = 48,8 \text{ g}$  ;
- Dans une troisième expérience, en partant de la situation de la deuxième expérience, on enlève la masse  $m_1$ , on ajoute la glace et on mesure la masse  $m_2$  qu'il faut ajouter sur le plateau contenant le calorimètre pour équilibrer la balance. On obtient :  $m_2 = 39,9 \text{ g}$ .

En déduire la masse d'eau liquide  $m_e$  et la masse de glace  $m_g$ .

B-3 On admettra qu'une agitation efficace fait fondre les glaçons assez rapidement. Déduire de la courbe de la figure 2 les valeurs de la température initiale  $T_e$  (avant ajout des glaçons) et de température finale  $T_f$  (après fusion des glaçons). On justifiera en quelques mots la lecture de ces deux valeurs sur la courbe.

B-4 À quelle variation de fonction s'identifie le transfert thermique (ou chaleur)  $Q$  reçu(e) par le système contenu dans le calorimètre ? On suppose que l'enthalpie massique  $L$  de fusion de la glace est une constante (indépendante de la température). Déterminer littéralement puis numériquement  $L$ . On néglige la capacité thermique du calorimètre.

Dans la suite, on prendra la valeur des tables,  $L = 334 \text{ kJ/kg}$ .

B-5 En déduire la création d'entropie  $S_c$  lors du mélange.

B-6 Déduire de la relation de Clapeyron l'expression littérale de  $P_{eq}(T)$  pour l'équilibre liquide-solide. Calculer numériquement  $P_{eq}(T)$  pour  $T = -1^\circ\text{C}$ .

On donne :  $C_{\text{eau}} = 4,18 \text{ J.K}^{-1}\text{g}^{-1}$  ;  $\rho_{\text{eau}} = 1000 \text{ kg/m}^3$  ; densité de la glace :  $d = 0,9$  ;  $T(\text{K}) = 273,15 + t(^{\circ}\text{C})$

## **C - Mesure de la chaleur latente de vaporisation**

On utilise pour cela le montage ci-dessous (figure 3). On fait bouillir l'eau suffisamment longtemps dans le tricol, bouchon gauche ôté pour chasser l'air, puis on ferme et on enregistre la température  $T$  et la pression  $P$  en fonction du temps. On en déduit alors la courbe  $\ln(P) = f(1/T)$ , représentée ci-dessous, où  $P$  est en bars et  $T$  en K (figure 4)

*Tournez la page SVP*

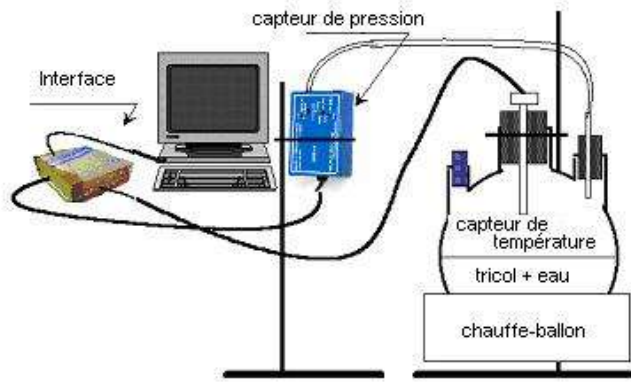


figure 3

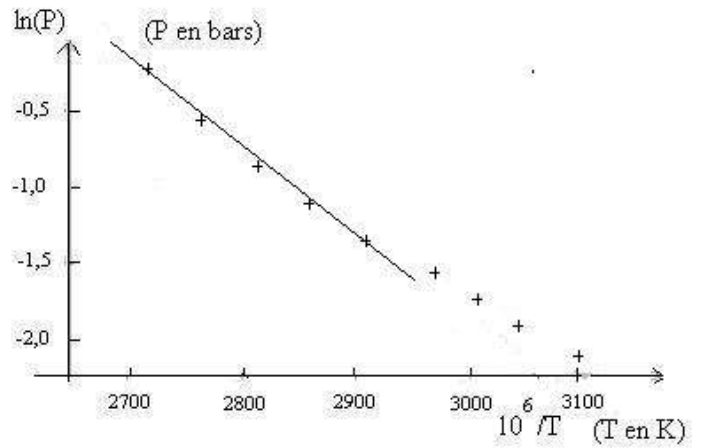


figure 4

C-1 Comment pourrait-on qualifier la transformation ?

C-2 Représenter la transformation dans le diagramme (T,P).

C-3 En assimilant la vapeur d'eau à un gaz parfait et en négligeant le volume massique du liquide devant celui du gaz, simplifier l'expression de la relation de Clapeyron.

Peut-on toujours négliger le volume massique du liquide devant celui du gaz ?

C-4 Une régression linéaire donne  $\ln(P) = \frac{-5068}{T} + 13,58$ , où P est en bars et T en K.

En déduire la valeur de l'enthalpie de vaporisation,  $L_v$ .

On donne  $M=18$  g/mol,  $R=8,315$  J.K<sup>-1</sup>.mol<sup>-1</sup>. Dans la suite, on prendra  $L=2257$  kJ/kg.

C-5 L'expérience montre que la courbe s'écarte de la droite pour les plus faibles températures (voir la figure 4). Proposer une explication qualitative de ce phénomène (on se limitera à quelques lignes).

Dans la suite, on limite donc la modélisation entre 70°C et 100°C.

C-6 Retrouver un ordre de grandeur de la pression et de la température au point triple.

C-7 Une cocotte minute est un récipient contenant de l'eau qui bout sous une pression de 1,5 bar. Quelle est la température d'ébullition ? Quel est l'intérêt de la cocotte minute ?

C-8 Déduire des résultats obtenus dans les parties B et C un ordre de grandeur de l'enthalpie de sublimation.

# PROBLÈME 2 : Électricité

## A - Étude d'un circuit RL

### A-1 Étude en régime transitoire

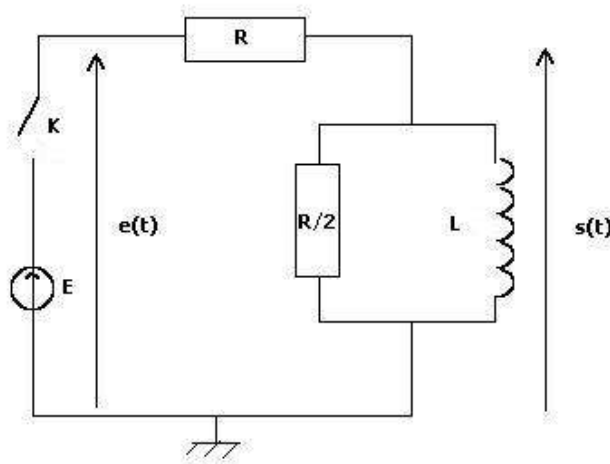


figure 5

Le circuit ci-dessus est alimenté par un générateur continu de force électromotrice  $E$ . A l'instant  $t=0$ , on ferme l'interrupteur  $K$ .

A-1-1 Y a-t-il continuité de la tension  $s(t)$  en  $t=0$  ? Y a-t-il continuité du courant dans la résistance  $R$  en  $t = 0$  ? Commenter physiquement les réponses. En déduire le comportement de  $s(t)$  au voisinage de  $t = 0^+$ . Déterminer également le comportement asymptotique de  $s(t)$  lorsque  $t \rightarrow \infty$ .

A-1-2 Peut-on a priori affirmer la continuité de certaines grandeurs électriques (autres que celles étudiées à la question A-1-2) en  $t = 0$  ? On justifiera physiquement la réponse.

A-1-3 Etablir l'équation différentielle vérifiée par  $s(t)$ .

A-1-4 En déduire  $s(t)$ .

A-1-5 Tracer l'allure de  $s(t)$ .

A-1-6 Exprimer en fonction de  $L$  et  $R$  le temps  $t_0$  au bout duquel  $s(t_0) = \frac{s(t=0^+)}{10}$ .

A-1-7 En déduire une méthode expérimentale pour déterminer  $t_0$  à l'oscilloscope. On précisera le montage électrique à réaliser et la mesure à effectuer concrètement.

A-1-8 On mesure expérimentalement :  $t_0 = 3,0 \mu\text{s}$ . On donne :  $R=1000 \Omega$ . En déduire  $L$ .

A-1-9 On remplace le générateur continu par un générateur délivrant un signal périodique en créneaux. Quel doit être l'ordre de grandeur de la fréquence du générateur pour qu'on puisse effectivement mesurer  $t_0$ , en utilisant la méthode indiquée à la question A-1-7, à l'oscilloscope ?

*Tournez la page SVP*

## A-2- Étude en régime sinusoïdal

On remplace le générateur précédent par un générateur sinusoïdal de fréquence  $f$  et de tension efficace  $E$ , l'interrupteur étant fermé. On associe à la grandeur  $u(t) = U \cos(\omega t + \varphi)$ , la grandeur complexe,  $\underline{u} = U e^{j(\omega t + \varphi)}$  avec  $j^2 = -1$  et  $\omega = 2\pi f$ .

A-2-1 Comment se comporte le circuit en hautes et basses fréquences ? Quelle est la nature du filtre que constitue ce circuit ?

A-2-2 Etablir la fonction de transfert en notation complexe,  $\underline{H} = \frac{s}{e}$ . Mettre le résultat sous la forme  $\frac{H_0}{1 + \frac{f_0}{jf}}$ .

Exprimer  $H_0$  et  $f_0$  en fonction de  $L$  et  $R$ .

A-2-3 En déduire la fréquence de coupure du filtre à  $-3$  dB, qu'on notera  $f_c$ . Comment se détermine-t-elle expérimentalement ?

A-2-4 Tracer l'allure des diagrammes donnant le module de  $\underline{H}$  et l'argument de  $\underline{H}$  en fonction de la fréquence  $f$ .

## B - Étude d'un circuit plus complexe :

On considère maintenant le montage de la figure 5. L'interrupteur  $K$  est ouvert depuis très longtemps. On ferme l'interrupteur à  $t=0$ .

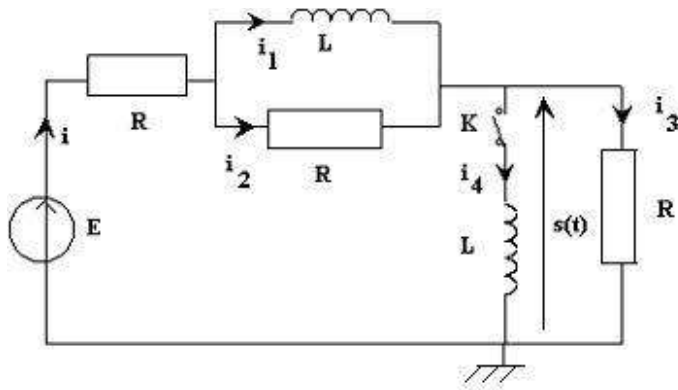


figure 6

B-1 Déterminer  $s$  et les courants  $i_1, i_2, i_3, i_4$  et  $i$  à  $t=0^+$ .

B-2 Déterminer  $s$  et les courants  $i_1, i_2, i_3, i_4$  et  $i$  quand  $t$  tend vers l'infini.

B-3 On **admettra** que l'équation différentielle vérifiée par  $s$  peut se mettre sous la forme:

$$3 \frac{d^2s}{dt^2} + \frac{4R}{L} \frac{ds}{dt} + \frac{R^2}{L^2} s = 0$$

c'est-à-dire, en posant :  $\tau = \frac{L}{R}$  :

$$3 \frac{d^2s}{dt^2} + \frac{4}{\tau} \frac{ds}{dt} + \frac{1}{\tau^2} s = 0$$

En déduire la forme de  $s(t)$ .

**On ne demande pas de déterminer les constantes d'intégration.**

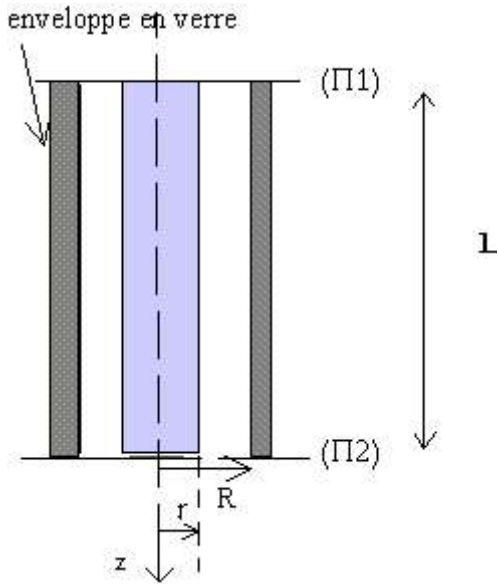
Tracer l'allure de  $s(t)$

B-4 On remplace le générateur précédent par un générateur sinusoïdal de fréquence  $f$  et de tension efficace  $E$ .

B-4-a Comment se comporte le circuit à hautes et basses fréquences ? Quelle est la nature du filtre ?

B-4-b Etablir la fonction de transfert  $\underline{H}$  lorsque  $K$  est fermé. Que peut-on dire du résultat obtenu par rapport au circuit précédent ? Conclure.

## PROBLÈME 3 : Viscosimètre

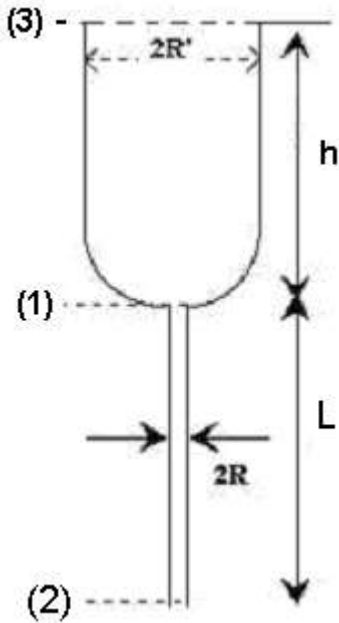


On considère un capillaire constitué d'un cylindre de rayon intérieur  $R$ , de longueur  $L$ , surmonté d'une cuve et rempli d'un liquide incompressible de masse volumique  $\mu$ , de viscosité dynamique  $\eta$ . Le liquide s'écoule longitudinalement dans le capillaire, depuis le haut vers le bas, c'est-à-dire de puis  $\Pi_1$  vers  $\Pi_2$ . On suppose l'écoulement permanent.

On s'intéresse à une portion de liquide (représentée en grisé dans le schéma ci-contre) contenue dans un cylindre de rayon  $r$  ( $r < R$ ), compris entre les plans  $\Pi_1$  et  $\Pi_2$  distants de  $L$ . On rappelle que sur la surface latérale de ce cylindre de rayon  $r$  s'exerce une force de viscosité parallèle à  $Oz$  et dont la norme est  $\|\vec{F}\| = S\eta \left| \frac{\partial v}{\partial r} \right|$ , où  $S$  est la surface latérale du cylindre et  $v$  le module de la vitesse du liquide. On notera  $P_1$  et  $P_2$  les pressions dans les plans  $(\Pi_1)$  et  $(\Pi_2)$ . Le dessin n'est pas à l'échelle.

- 1- Faire un bilan des forces s'exerçant sur le cylindre de rayon  $r$ .
- 2- Justifier le fait que la vitesse ne dépend pas de  $z$ . Dédurre alors de la question précédente une équation de la forme  $\frac{dv}{dr} = kr$  où  $k$  s'exprime en fonction de  $L$ ,  $P_1$ ,  $P_2$ ,  $\mu$ ,  $\eta$  et du module  $g$  du champ de pesanteur. Vérifier l'homogénéité de la formule obtenue.
- 3- En déduire  $v(r)$  en précisant la constante d'intégration.
- 4- Tracer le profil  $v(r)$  des vitesses.
- 5- En déduire, en fonction de  $P_1$ ,  $P_2$ ,  $\mu$ ,  $g$ ,  $L$ ,  $\eta$ ,  $R$ ,  $r$  et  $dr$ , le débit de volume s'écoulant à travers une couronne de rayon compris entre  $r$  et  $r+dr$ .
- 6- Montrer que le débit total de volume à travers le capillaire est alors  $Q = \frac{\pi R^4}{8\eta} \frac{P_1 - P_2 + \mu g L}{L}$ . Indiquer le nom de la relation obtenue dans le cas où l'on néglige la pesanteur.

*Tournez la page SVP*



7- On considère maintenant un viscosimètre constitué du capillaire étudié précédemment surmonté d'un récipient qui est cylindrique, de section droite circulaire et de rayon  $R'$  dans sa partie supérieure (voir la figure ci-contre). L'ensemble est rempli du liquide considéré depuis le début du problème et les sections (2) et (3) sont à l'air libre. Justifier rapidement le fait que la pression au sommet (section (3)) et à la base (section (2)) du récipient est égale à la pression atmosphérique  $P_0$ . Préciser dans le viscosimètre ci-contre la différence de pression  $P_1 - P_2$  ( $P_1$  étant la pression correspondant à la section (1)) en fonction des données indiquées sur le schéma. On supposera que le rayon  $R'$  est beaucoup plus grand que le rayon  $R$  du capillaire. On supposera encore que l'écoulement est permanent.

8- Exprimer le débit de volume  $Q$  en fonction de  $R'$  et  $\frac{dh}{dt}$ .

9- En notant  $h(t=0) = h_0$ , en déduire l'équation différentielle vérifiée par  $h(t)$ .

En déduire  $h(t)$ . On fera apparaître un temps  $\tau$  caractéristique de l'écoulement et on vérifiera l'homogénéité de la relation donnant l'expression de  $\tau$ .

10- Sachant qu'il a fallu 7 minutes pour que le niveau baisse de 5 cm, en déduire la viscosité cinématique  $\nu$  du liquide, définie par :  $\nu = \frac{\eta}{\mu}$ .

On donne :

- $g=9,81 \text{ m/s}^2$
- $2R = 1 \text{ mm}$
- $L=10 \text{ cm}$
- $\pi R'^2=4 \text{ cm}^2$
- $h_0=10 \text{ cm}$

**FIN**